

TAMAMI  
VIDEO  
ÇÖZÜMLÜ



11. Sınıf

AYT

Konularını  
İçerir

# Matematik

## Uzay Geometri

Ders İşleyiş Modülü - 6

Sınavlara Hazırlıkta ► 35 YILLIK DENEYİM ◀

- Yeni Anadolu ve Fen Lisesi Müfredatına Uygun
- ÖSYM Tarzında Sorular
- Akıllı Tahtaya Uyumlu



NESİBE AYDIN - ESRA YÜKSEL - HAKAN AĞCA  
HAMDİ AKMAN - HÜRREM BERÇİN - İLYAS BAŞPINAR  
MÜZEYYEN SAYLAM - VOLKAN PALA

 **AYDIN**  
YAYINLARI

Bu kitabın her hakkı saklıdır ve MİRAY EĞİTİM HİZMETLERİ YAYINCILIK İNŞ. TUR. SAN. VE TİC. LTD. ŞTİ'ne aittir. 5846 sayılı yasanın hükümlerine göre kitabın düzeni, metni, soru ve şekilleri kısmen de olsa hiçbir şekilde alınıp yayımlanamaz, fotokopi ya da başka bir teknikte çoğaltılamaz.

**Yayın Sorumlusu** : Can TEKİNEL  
**Yayın Editörü** : Esra YÜKSEL - Hakan AĞCA  
**Dizgi - Grafik Tasarım** : Aydın Yayınları Dizgi Birimi  
**ISBN No** : 978 - 605 - 7945 - 48 - 8  
**Yayıncı Sertifika No** : 41263  
**Basım Yeri** : Ertem Basım Yayın Ltd. Şti. • 0312 640 16 23  
**İletişim** : AYDIN YAYINLARI  
info@aydinyayinlari.com.tr  
Tel: 0312 418 10 02 • 0850 577 00 71  
Faks: 0312 418 10 09  
0533 051 86 17  
aydinyayinlari  
aydinyayinlari

**Bölüm Kapağı**  
Alt bölümlerin  
başlıklarını içerir.

**Sınıf İçi İşleyiş**  
Bu bölümdeki örnek  
soruların çözümlerine  
akıllı tahta uygulamasından  
ulaşabilirsiniz.

**Alt Bölüm Testleri**  
Her alt bölümün  
sonunda o bölümle ilgili  
testler yer alır.

**Karma Testler**  
Modülün sonunda  
tüm alt bölümleri  
içeren karma testler  
yer alır.

**Yazılı Soruları**  
Okul yazılı sınavlarında  
çıkabilecek sorular içerir.

**Yeni Nesil Sorular**  
Modülün genelinde yerum  
yapma, analiz etme vb.  
becerileri ölçen kurgulu  
sorulara yer verilmiştir.  
Ayrıca modül sonunda  
tamamı yeni nesil sorulardan  
oluşan testler bulunur.

## **UZAY GEOMETRİ**

➤ Dik Dairesel Silindir • **2**

➤ Dik Dairesel Koni ve Küre • **9**

➤ Karma Testler • **17**

➤ Yazılı Soruları • **21**

➤ Yeni Nesil Sorular • **23**

## DİK DAİRESEL SİLİNDİR

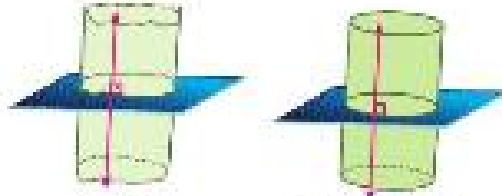
## İlişkili Kazanımlar

11.8.1.1 : Dik dairesel silindir, dik dairesel koni ve könenin alan ve hacim bağlantılarını oluşturarak uygulamalar yapar

## TANIM

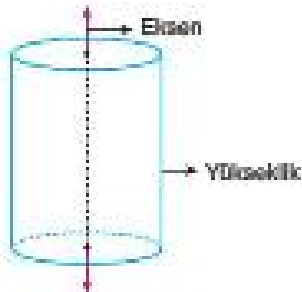


- Uzayda bir kapalı eğri ile bu eğrinin bulunduğu düzleme paralel olmayan bir  $d$  doğrusu verilmiş olsun. Bu eğriyi kesen ve  $d$  doğrusuna paralel olan doğruların kümesine **silindirik yüzey** denir.
- Bu yüzeyden geçen ve  $d$  doğrusuna paralel olan doğruların her birine silindirik yüzeyin **ana doğrusu** denir.
- Bir silindirik yüzey ile ana doğruları kesen paralel iki düzlemin sınırladığı katı cisme **silindir** denir.



Dik Silindir

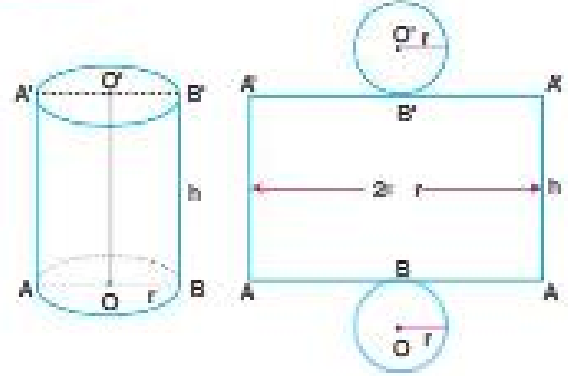
Dik Dairesel Silindir



Silindirin tabanlarının merkezlerinden geçen doğruya **silindirin eksen** denir.

- Silindirin tabanları arasındaki uzaklığa **silindirin yüksekliği** denir. Silindirin yüksekliği aynı zamanda ana doğru parçasının uzunluğudur.

## ŞEKİL



Yukarıdaki dik dairesel silindirde,

- Taban şekilleri birbirine eş iki dairedir.
- $[AA']$  ve  $[BB']$  silindirin ana doğrusudur.
- $[OO']$  silindirin eksenidir.

Taban yarıçapı  $r$ , yüksekliği  $h$  birim olan dik dairesel silindirin;

- Yanal alanı  $= 2\pi \cdot r \cdot h$
  - Yüzey alanı  $= 2\pi \cdot r^2 + 2\pi \cdot r \cdot h = 2\pi \cdot r (r + h)$
  - Hacim  $= \pi \cdot r^2 \cdot h$
- eşlikleri kullanılarak hesaplanır.

## ÖRNEK 1

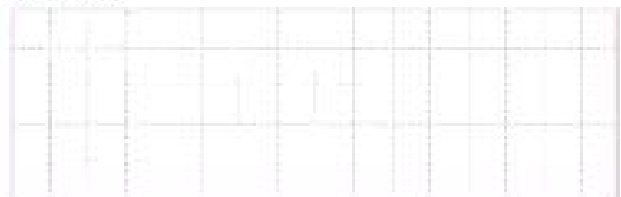


$O_1$  ve  $O_2$  taban merkezi

$$|AQ_1| = 8 \text{ br}$$

$$|O_1T| = 12 \text{ br}$$

Yukarıdaki verilere göre, dik silindirin yüksekliği kaç birimdir?



## ÖRNEK - 2

Taban yarıçapı 5 birim ve yüksekliği 8 birim olan dik silindirin;

- a) Yanal alanını                      b) Tüm alanını  
c) Hacmini  
bulunuz.


## ÖRNEK - 3

Hacmi  $198\pi \text{ br}^3$  olan dik silindirin yüksekliği 4 birimdir.  
Bu silindirin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?


## ÖRNEK - 4

Taban yarıçapı 3 cm ve yüksekliği 8 cm olan dik silindir yanına kadar su ile doludur.

Silindirin içindeki su taban ayrıtları 4 cm ve 6 cm olan bir dikdörtgenler prizmasının içine boşaltıldığında suyun yüksekliği kaç cm olur?


## ÖRNEK - 5

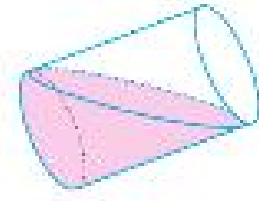
Yüksekliği 16 cm olan üstü açık dik silindir şeklinde bir vazo yanına kadar su ile doludur.

Suyun hacmi  $128\pi \text{ cm}^3$  ise vazonun dış yüzey alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?


## ÖRNEK - 6



Şekil - I



Şekil - II

Şekil - I deki dik silindirin  $\frac{13}{18}$  i su ile doludur.

Silindir Şekil - II konumuna getirildiğinde içinden 4 litre su döktüğüne göre, bu silindirin tamamı kaç litre su alır?

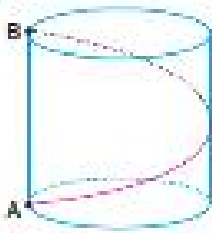

## ÖRNEK - 7



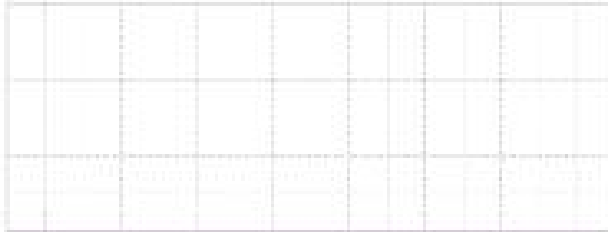
$$\begin{aligned} |DA| &= 3 \text{ birim} \\ |AB| &= 12 \text{ birim} \end{aligned}$$

Şekildeki dikdörtgen, [AB] kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülürse oluşan cismin hacmi kaç birimküp olur?

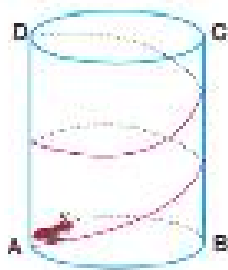

## ÖRNEK 8



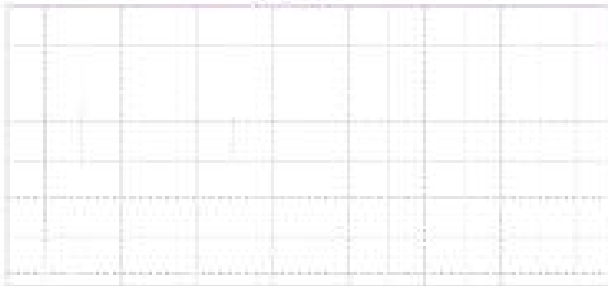
Taban yarıçapı 6 cm ve yüksekliği 9 cm olan dik silindirin şeklindeki su borusunun yüzeyinde bir tur atacak şekilde gergin sarılan ipin uzunluğu en az kaç cm dir?



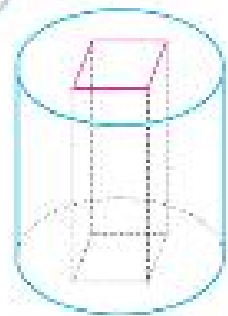
## ÖRNEK 9



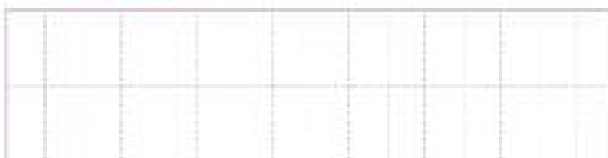
Taban yarıçapı  $\frac{5}{2}$  cm yüksekliği 24 cm olan dik silindirin A noktasında bulunan bir böcek şeklindeki gibi silindirin yüzeyinde 2 tur attıktan sonra D noktasına ulaştığında en az kaç cm yol almış olur?



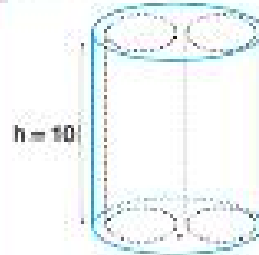
## ÖRNEK 10



Taban yarıçapı 2 cm ve yüksekliği 5 cm olan dik silindirin şeklindeki tahta kütükten taban ayrıtı 3 cm olan kare prizma sondaj yapılarak tamamen kesilip çıkarıldığına göre, oluşan yeni cismin yüzey alanı kaç  $\text{cm}^2$  olur?



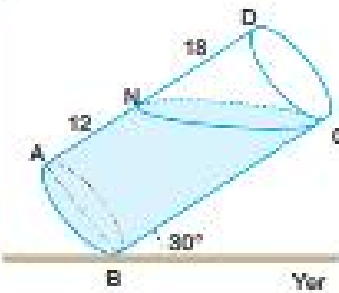
## ÖRNEK 11



Taban yarıçapı 6 cm ve yüksekliği 10 cm olan dik silindirin içinden yarıçapı 1 cm olan eş iki dik silindir çıkarıldığına kalan cismin alanı kaç  $\text{cm}^2$  olur?

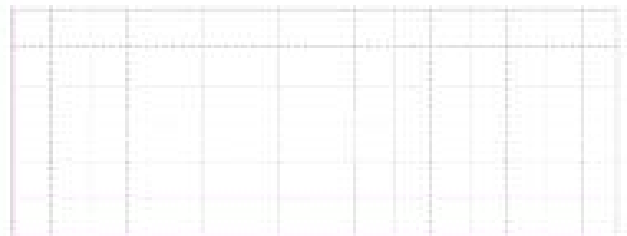


## ÖRNEK 12

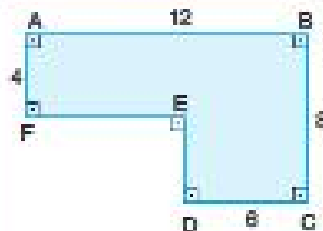


Dik silindir biçiminde içi tamamen su dolu bir kap yatay düzlemle  $30^\circ$  lik açı yapacak biçimde eğilmiştir. Eğilme şekliyle ilgili eğilme.

$|AN| = 12$  cm ve  $|ND| = 18$  cm olduğuna göre, silindirde kalan suyun hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?



## ÖRNEK 13



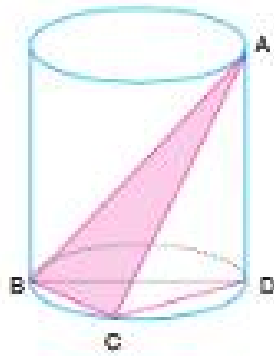
Yandaki şekilde verilen ABCDEF çokgeninin  $[AB]$  kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle elde edilen kat cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



1. Bir dik silindirin yanal alanı  $48\pi \text{ br}^2$ , taban alanı  $16\pi \text{ br}^2$  ise hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $48\pi$  B)  $96\pi$  C)  $144\pi$  D)  $192\pi$  E)  $240\pi$

2. Şekildeki dik silinde,  $[AD]$  ana doğru ve  $[BD]$  çaptır.



$$|AD| = 4 \text{ br}$$

$$|CD| = 3 \text{ br ve}$$

$$A(\widehat{ABC}) = 10 \text{ br}^2$$

Yukarıdaki verilere göre,  $|BD|$  kaç birimdir?

A) 5 B)  $\frac{9}{2}$  C) 4 D)  $\frac{7}{2}$  E) 3

3. Bir dik silindirin taban alanı, yanal alanının iki katıdır.

Silindirin hacmi  $128\pi \text{ br}^3$  ise taban yarıçapı kaç birimdir?

A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 8

4. Kalınlığı 4 cm olan 15 cm uzunluğundaki dik silindir şeklindeki demir borunun dıştan yarıçapı 8 cm dir.

Demir boru kaç  $\pi \text{ cm}^3$  su ile doldurulabilir?

A) 112 B) 148 C) 169 D) 196 E) 240

5. Yüksekliği 8 br olan bir dik silindirin her iki taban çapından geçen düzlemle arakesiti bir dikdörtgendir.

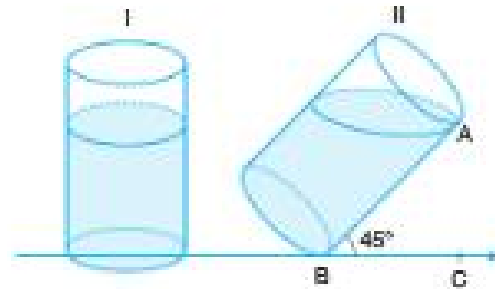
Bu dikdörtgenin alanı  $48 \text{ br}^2$  ise dik silindirin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

A) 36 B) 48 C) 72 D) 96 E) 288

6. Taban yarıçapı 2 cm ve yüksekliği 5 cm olan dik silindirin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

A)  $10\pi$  B)  $12\pi$  C)  $16\pi$  D)  $28\pi$  E)  $32\pi$

7. Aşağıda I. şekildedeki dik silindir, su miktarı değiştirilmeden, II. şekildedeki duruma getiriliyor. Silindirin yüksekliği 12 br, çapı 2 br ve  $m(\widehat{ABC}) = 45^\circ$  dir.



Yukarıdaki verilere göre, I. şekildedeki suyun yüksekliği kaç birimdir?

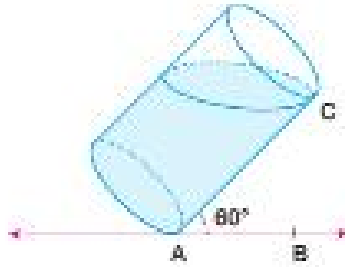
A) 11 B) 10 C) 9 D) 8 E) 7

8. Taban yarıçapı 4 cm ve yüksekliği 8 cm olan dik silindir su ile doludur. Silindir  $\alpha^\circ$  eğildiğinde suyun  $\frac{1}{4}$  ü dökülüyor.

Buna göre,  $\cos \alpha$  değeri kaçtır?

A)  $\frac{\sqrt{5}}{5}$  B)  $\frac{1}{2}$  C)  $\frac{\sqrt{5}}{4}$  D)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  E)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$

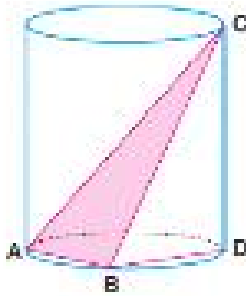
1. Taban yarıçapı 6 cm olan bir dik silindir, içi tamamen su ile dolu iken şekildeki gibi taban düzlemi ile  $60^\circ$  açı yapacak şekilde eğiliyor.



Buna göre, silindirden dökülen suyun hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

- A)  $36\sqrt{3}\pi$  B)  $42\sqrt{3}\pi$  C)  $48\sqrt{3}\pi$   
D)  $64\sqrt{3}\pi$  E)  $72\sqrt{3}\pi$

2. Şekildeki dik silindirde,  $[AD]$  çap ve  $[CD]$  ana doğrudur.



$$|AB| = 3 \text{ cm}$$

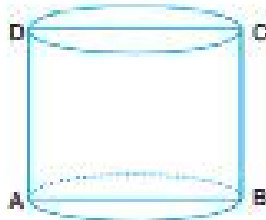
$$|BD| = 4 \text{ cm}$$

$$|DC| = 12 \text{ cm}$$

Yukarıdaki verilere göre, ABC üçgeninin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $2\sqrt{10}$  B) 8 C)  $6\sqrt{10}$   
D) 24 E)  $8\sqrt{10}$

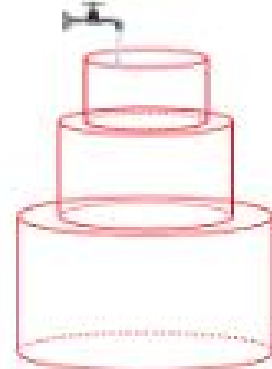
3. Şekildeki dik silindirde ABCD kesiti karedir.



Silindirin hacmi  $54\pi \text{ br}^3$  olduğuna göre, yanal alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $12\pi$  B)  $16\pi$  C)  $24\pi$  D)  $36\pi$  E)  $48\pi$

4. Şekildeki süs havuzu üstten alta doğru yükseklikleri 4, 3 ve taban yarıçapları 1, 2, 4 sayılarıyla orantılı olan üç dik silindirden oluşmuştur.

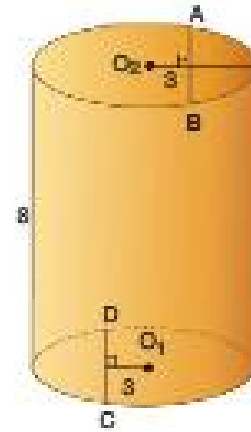


Bu havuz boşken sabit akış hızına sahip bir muslukla 4 saatte doldurulmaktadır.

Buna göre, havuz boşken yerden yüksekliğinin  $\frac{2}{5}$  ine kadar olan kısmı aynı muslukla kaç dakikada doldurulabilir?

- A) 130 B) 156 C) 169 D) 182 E) 195

5. Aşağıda dik silindir şeklindeki tahta cismin taban yarıçapı 5 birim ve yüksekliği 8 birimdir.



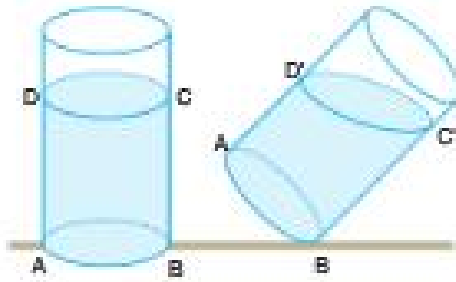
Cismin taban düzlemlerinde merkezlere uzaklıkları 3 birim olan birbirine paralel AB ve CD doğru parçaları seçiliyor. Daha sonra tahta yontularak  $[AC]$  ve  $[BD]$  yi cisim köşegeni kabul eden dikdörtgenler prizması elde ediliyor.

Buna göre, elde edilen prizmanın yüzey alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A) 240 B) 266 C) 320 D) 384 E) 400



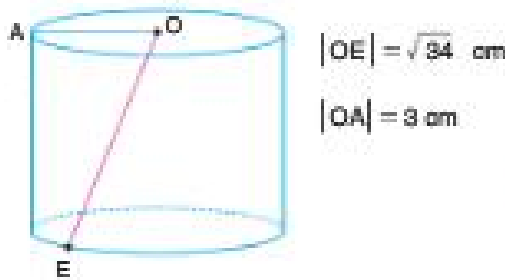
1. İçinde bir miktar su bulunan dik silindir şeklinde kap, içindeki su miktarı değişmeyecek şekilde eğiliyor.  $|AD| = 12$  cm ve  $|AD'| = 8$  cm dir.



Yukarıdaki verilere göre,  $|BC'|$  kaç cm dir?

- A) 14 B) 15 C) 16 D) 18 E) 24

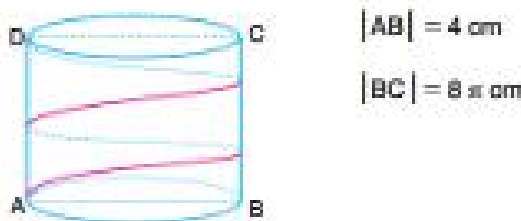
2. Şekildeki dik silindirde O üst tabanın merkezidir.



Yukarıdaki verilere göre, silindirin yanal alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $40\pi$  B)  $30\pi$  C)  $25\pi$  D)  $\frac{45\pi}{2}$  E)  $15\pi$

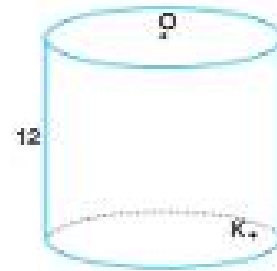
3. Aşağıdaki dik silindirde A noktasından bağlanan bir ip, silindirin dış yüzeyinde iki tur döndükten sonra, ucuna bağlanıyor.



Yukarıdaki verilere göre, silindirin etrafına sarılan gergin ipin uzunluğu en az kaç cm dir?

- A)  $12\sqrt{2}\pi$  B)  $8\sqrt{5}\pi$  C)  $8\sqrt{3}\pi$   
D)  $8\sqrt{2}\pi$  E)  $6\sqrt{2}\pi$

4. Şekildeki dik silindirde O noktası üst tabanın merkezi ve K noktası alt taban üzerinde herhangi bir noktadır.



Silindirin yüksekliği 12 br ve hacmi  $300\pi \text{ br}^3$  tür.

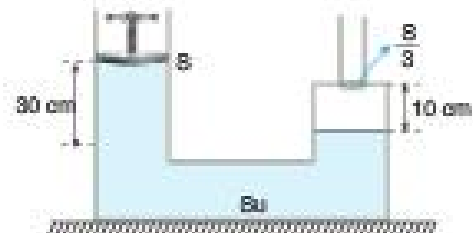
Yukarıdaki verilere göre,  $|OK|$  nun en büyük değeri kaç birimdir?

- A) 12 B) 13 C) 14 D) 15 E) 17

5. Yüksekliği taban yarıçapının 3 katı olan bir dik silindirin tüm alanı  $72\pi \text{ br}^2$  olduğuna göre, taban yarıçapı kaç birimdir?

- A)  $\frac{5}{2}$  B) 3 C)  $\frac{7}{2}$  D) 4 E)  $\frac{9}{2}$

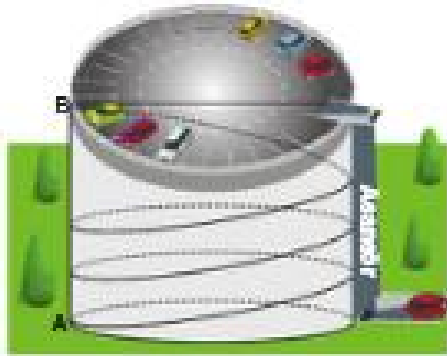
6. Aşağıdaki düzenekte, dikey doğrultudaki kalın dik silindirik boruların kesit alanları S, sağ kola eklenmiş olan ince silindirik borunun kesiti  $\frac{S}{3}$  tür.



Sol taraftaki piston 30 cm aşağı indirildiğinde, ötekide kolda su yüzeyi kaç cm yükselir?

- A) 50 B) 60 C) 70 D) 75 E) 80

1. Aşağıdaki şekilde dik silindir biçimindeki bir alışveriş merkezinin en üst katına yapılmış olan otopark gösterilmiştir.



Bu otoparka çıkmak için iki seçenek vardır.

1. seçenek: A kapısından girip üç tam tur atarak en kısa şekilde B kapısına giden araç yolunu kullanmak.

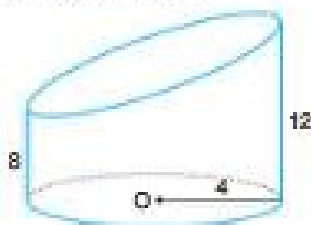
2. seçenek: Araç asansörünü kullanmak.

Yüksekliği 90 m ve taban yarıçapı  $\frac{20}{\pi}$  metre olan bu alışveriş merkezinin asansörü hareket ettikten 1 dakika sonra otoparka çıkmaktadır. Bir asansörde, diğer A kapısında olan iki arkadaş aynı anda otoparka çıkmaya başlıyorlar ve aynı anda otoparka ulaşıyorlar.

Buna göre, 1. seçeneği kullanan aracın saatteki hızı kaç km/sa'tır?

- A) 18 B) 15 C) 12 D) 10 E) 9

2. Taban yarıçapı 4 cm ve yüksekliği 12 cm olan dik silindir biçimindeki bir tahta kesilerek şekilde verilen kesik silindir oluşturuluyor.



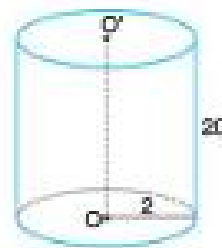
Buna göre, oluşan cismin hacmi kaç  $\text{cm}^3$ 'tür?

- A)  $128\pi$  B)  $144\pi$  C)  $160\pi$   
D)  $180\pi$  E)  $196\pi$

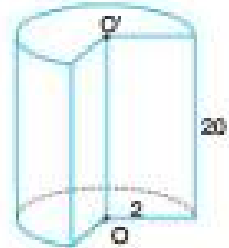
3. Taban ayrıtları  $4\sqrt{3}$  br ve yüksekliği 10 br olan kare dik prizma içerisine yerleştirilen silindirin hacmi en çok kaç  $\pi \text{ br}^3$ 'tür?

- A) 100 B) 120 C) 160 D) 180 E) 200

4. Şekil I'deki taban yarıçapı 2 cm ve yüksekliği 20 cm olan dik silindirin  $\frac{1}{4}$ 'ü kesilip atılarak şekil II'deki cisim elde ediliyor.



Şekil I

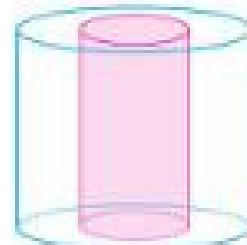


Şekil II

Buna göre şekil I'den şekil II'ye geçilirken yüzey alanlarındaki değişim aşağıdakilerden hangisi ile ifade edilir? ( $\pi = 3$  alınız.)

- A)  $12 \text{ cm}^2$  azalır. B)  $12 \text{ cm}^2$  artar.  
C)  $14 \text{ cm}^2$  azalır. D)  $14 \text{ cm}^2$  artar.  
E)  $4 \text{ cm}^2$  artar.

5. Aşağıdaki şekilde tabanları aynı düzlemlerde bulunan iç içe iki dik silindir vardır. İhtek silindirin taban yarıçapı 6 cm, dıştaki silindirin taban yarıçapı 10 cm ve silindirlerin yüksekliği 10 cm'dir. İhtek silindir tamamen su ile doludur.



Bu silindir tabana yakın bir yerden delinirse suyun yüksekliği kaç cm olur?

- A) 1,8 B) 2,4 C) 3 D) 3,2 E) 3,6

## DİK DAİRESEL KONİ VE KÜRE

### İlgili Kazanımlar

11.8.1.1 : Dik dairesel silindir, dik dairesel koni ve kürenin alan ve hacim bağıntılarını oluşturarak uygulamalar yapar

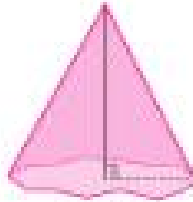


### Dik Dairesel Koni

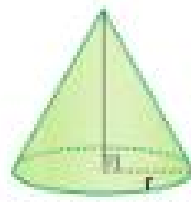
#### TANIM



- Uzayda bir kapalı eğri ile bu eğrinin bulunduğu düzlemin dışında bir T noktası verilsin. T noktasından geçen ve kapalı eğriyi kesen doğrular kümesine **konisel yüzey** denir.
- Konisel yüzeyi oluşturan doğruların her birine **konisel yüzeyin ana doğrusu** denir.
- Konisel yüzeyin T noktasından geçemeyen ve bütün ana doğrularını kesen bir düzlemle, T noktası arasında kalan cisim **koni** denir.
- T noktasına **tepe noktası** denir.
- Tepe noktasından ve tabanın ağırlık merkezinden geçen doğruya **koni-nin ekseni** denir.
- Koninin tepe noktası ile tabanı arasındaki en kısa uzaklığa **koninin yüksekliği** denir.



Dik Koni

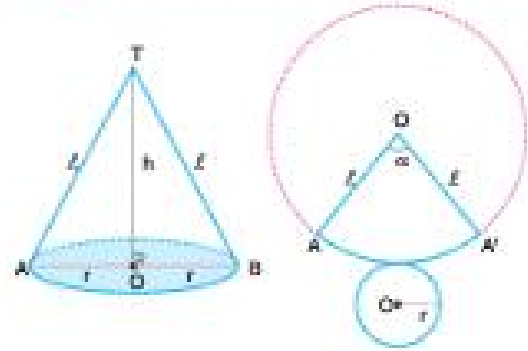


Dik Dairesel Koni

- Ekseni tabanına dik olan koniye **dik koni** denir.
- Tabanı daire olan koniye **dik dairesel koni** denir.



### BİLGİ



- $|AO| = |OB| = r$   
 $|TO| = h$   
 $|TA| = |TB| = l$
- Taban yarıçapı  $r$ , yüksekliği  $h$  ve ana doğru parçasının uzunluğu  $l$  olan dik dairesel konide;  
 $\frac{r}{l} = \frac{\alpha}{360^\circ}$   
Yanal alanı  $= \pi r l$   
Taban alanı  $= \pi r^2$   
Yüzey alanı  $= \pi r^2 + \pi r l = \pi r (r + l)$   
Hacim  $= \frac{1}{3} \cdot \pi r^2 h$   
eşitlikleri kullanılarak hesaplanır.

Aydın Yayınları



### ÖRNEK 1

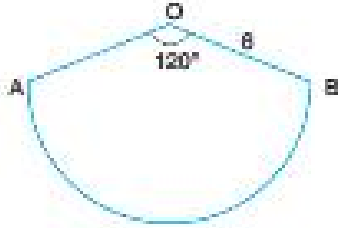
Taban yarıçapı 3 cm ve yüksekliği 4 cm olan dik koninin;

- a) Alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir? b) Hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?



**ÖRNEK 2**

Şekilde bir dik koninin yan yüzünün açılımı verilmiştir.



$m(\widehat{AOB}) = 120^\circ$  ve  $|OB| = 8$  cm dir.

Yukarıdaki verilere göre, koninin yüksekliği kaç cm dir?


**ÖRNEK 3**

Bir çeyrek daire kıvrılarak dik bir koni elde ediliyor.

Koninin taban alanı  $64\pi$  br<sup>2</sup> olduğuna göre, dalrenin yarıçapı kaç birimdir?


**ÖRNEK 4**

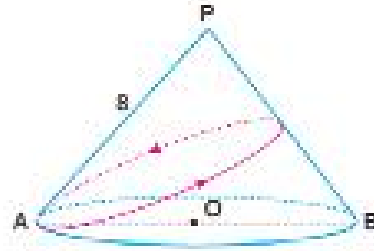
Taban yarıçapları sırasıyla  $r_1$  ve  $r_2$  olan dik dairesel silindirik ve dik dairesel koninin yükseklikleri sırası ile 16 ve 27 br dir.

Silindirik ve koninin hacimleri eşit olduğuna göre,  $\frac{r_1}{r_2}$

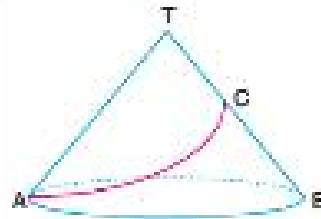
oranı kaçtır?


**ÖRNEK 5**

Merkez açısı  $120^\circ$  ve yarıçapı 8 cm olan bir daire dilimi kıvrılarak şekildedeki dik koni yapılıyor.



A noktasından çıkıp, tekrar A noktasına koni yüzeyini bir kez dolaşarak yürüyen karıncanın gideceği yol en az kaç cm dir?


**ÖRNEK 6**

(T, AB) dik konisi bğlımindaki ideal bir tepede

$|AB| = 12$  km,

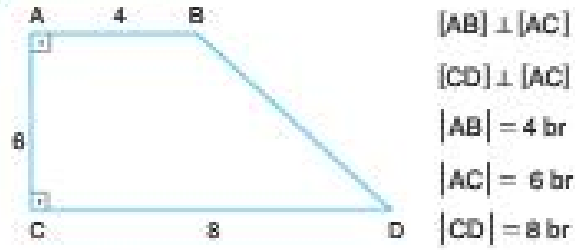
$|TB| = 18$  km ve

$|TC| = 2|CB|$  dir.

Buna göre, A noktasından C noktasına gitmek isteyen bir hareketlinin alabileceği en kısa yol kaç km dir?



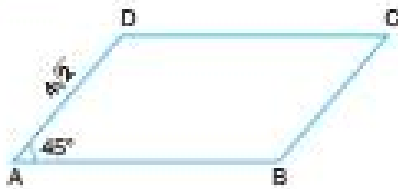

## ÖRNEK 7



Şekildeki dik yamuğun, CD kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle oluşan cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



## ÖRNEK 8



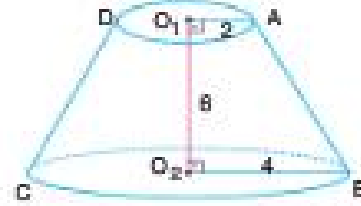
ABCD paralelkenar  $|AD| = 4\sqrt{2} \text{ cm}$ ,  $|AB| = 8 \text{ cm}$  ve  $m(\widehat{DAB}) = 45^\circ$  dir.

Yukarıdaki verilere göre, ABCD paralelkenarının  $[DC]$  kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle oluşan cismin hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?



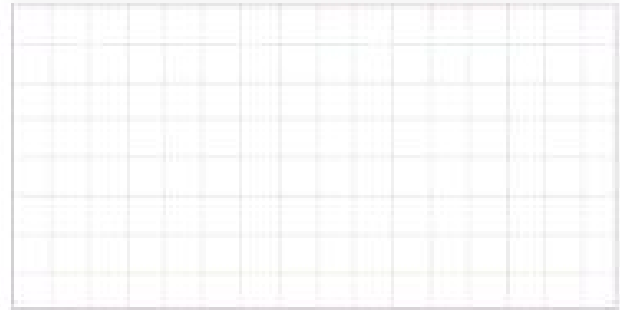
## ÖRNEK 9

Şekildeki kesik konide  $O_1$  ve  $O_2$  tabanların merkezleridir.



$|O_1A| = 2 \text{ cm}$ ,  $|O_2B| = 4 \text{ cm}$  ve  $|O_1O_2| = 6 \text{ cm}$  dir.

Yukarıdaki verilere göre, kesik koninin hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

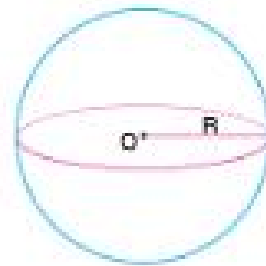


Aydın Yayınları



## KÜRE

## TANIM



Uzayda sabit bir noktadan eşit uzaklıktaki noktaların kümesine küre yüzeyi, küre yüzeyi ile sınırlı katı cisme küre denir.

■ Sabit noktaya kürenin merkezi, sabit uzaklığa kürenin yarıçapı denir.

■ Yarıçapı R olan bir kürenin

$$\text{Yüzey alanı} = 4\pi R^2$$

$$\text{Hacim} = \frac{4}{3}\pi R^3$$

eşlikleri kullanılarak hesaplanır.



## ÖRNEK 10

Bir kürenin hacmi sayıca alanına eşittir.  
Buna göre, kürenin yarıçapı kaç birimdir?




## ÖRNEK 11

Alanı  $100\pi \text{ br}^2$  olan kürenin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?



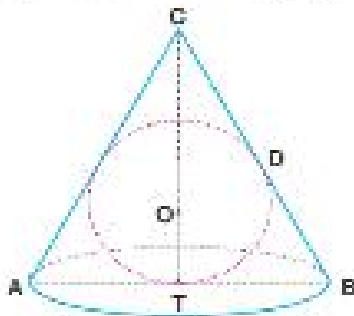

## ÖRNEK 12

Bir kenarı 20 cm olan bir küpün içine yerleştirilebilecek en büyük hacimli bir kürenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?




## ÖRNEK 13

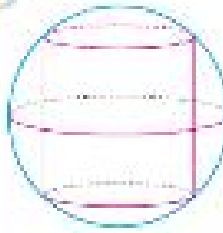
Aşağıdaki şekilde bir dik koninin iç teğet küresi çizilmiştir.



O kürenin merkezi, D teğet değme noktası,  $|OT| = 3$  br ve  $|CD| = 4$  br olduğuna göre,  $|BD|$  kaç br dir?




## ÖRNEK 14

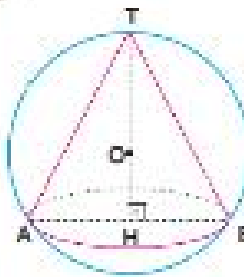


Şekildeki küre içindeki dik silindirin yüksekliği 6 cm ve tabanı küre yüzeyine teğettir.

Silindirin hacmi  $150\pi \text{ cm}^3$  olduğuna göre, kürenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?




## ÖRNEK 15



O merkezli kürenin içine, tabanı küre yüzeyine teğet olan bir dik koni yerleştiriliyor.

$$|OH| = 2r$$

$$|TH| = 6$$

Yukarıdaki verilere göre, koninin hacminin kürenin hacmine oranı kaçtır?




## ÖRNEK 16



Taban yarıçapı 4 cm olan dik silindir şeklindeki kabın  $\frac{3}{4}$  ü su ile doludur.

Kabın yüksekliği 8 cm olduğuna göre, içerisindeki suyun yüksekliğini taşıma seviyesine çıkarmak için kabın içine yarıçapı 2 cm olan eş demir kürelerden kaç tane atmak gerekir?


1. Taban alanı  $25\pi\text{ cm}^2$  ve yüksekliği 12 cm olan dik koninin yanal alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

A)  $40\pi$  B)  $50\pi$  C)  $60\pi$  D)  $65\pi$  E)  $75\pi$

2. Taban çevresi  $16\pi$  ve ana doğrusunun uzunluğu 10 cm olan dik koninin hacmi kaç  $\pi\text{ cm}^3$  tür?

A) 64 B) 72 C) 76 D) 108 E) 128

3. Şekilde bir dik koninin yan yüzünün açılımı verilmiştir.



$m(\widehat{AOB}) = 120^\circ$  ve  $|OB| = 12$  br dir.

Yukarıdaki verilere göre, koninin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

A)  $64\sqrt{2}\pi$  B)  $\frac{64\sqrt{2}\pi}{3}$  C)  $128\sqrt{2}\pi$   
D)  $\frac{128\sqrt{2}\pi}{3}$  E)  $144\sqrt{2}\pi$

4. Taban alanı  $36\pi\text{ cm}^2$ , yüksekliği 10 cm olan bir dik koni tabana paralel bir düzlemle yüksekliğinin orta noktasından kesiliyor.

Buna göre, oluşan kesik koninin hacmi kaç  $\pi\text{ cm}^3$  tür?

A) 120 B) 105 C) 75 D) 60 E) 15

5. Yüksekliğinden geçen kesitli eşkenar üçgen olan bir dik koni, ana doğrusu boyunca açılıyor.

Elde edilen daire diliminin tepe açısı kaç derecedir?

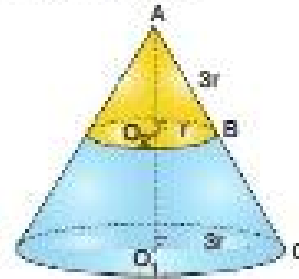
A) 60 B) 90 C) 120 D) 150 E) 180

6. Yarıçapı 8 cm olan ve merkez açısı  $270^\circ$  olan bir daire dilimi kıvrılıp koni yapılmak isteniyor.

Bu koninin hacmi kaç  $\pi\text{ cm}^3$  olur?

A)  $12\sqrt{7}$  B)  $16\sqrt{7}$  C)  $18\sqrt{7}$   
D)  $20\sqrt{7}$  E)  $24\sqrt{7}$

7. Aşağıdaki şekilde dik koni şeklinde bir parti şapkası gösterilmiştir.



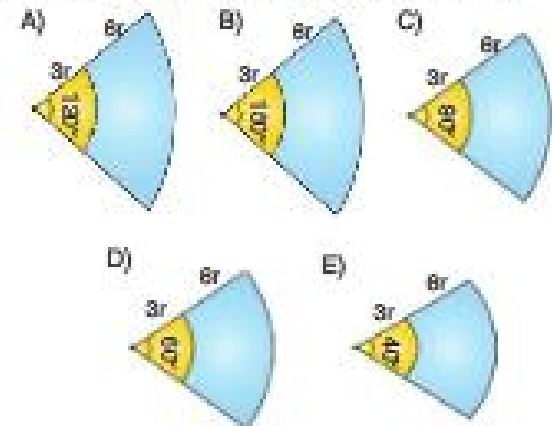
$$|AB| = 3r$$

$$|O_2B| = r$$

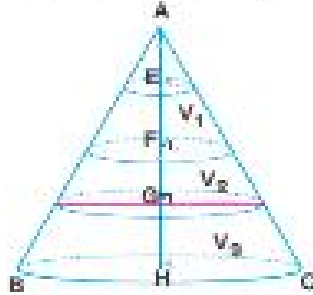
$$|O_1C| = 3r$$

Bu şapkanın üst kısmı sarı renge, alt kısmı mavi renge boyanmıştır. Sarı renkli kısım taban yarıçapı r cm olan ve ana doğrusunun uzunluğu 3r cm olan dik konidir.

Bu şapka  $|AC|$  boyunca kesilip açıldığında görünümü aşağıdakilerden hangisi gibi olur?



1. Şekildeki H merkezli dik koni, tabana paralel ve b' birine eşit uzaklıkta bulunan düzlemlerle kesilmiştir. Ara düzlemlerdeki dairelerin merkezleri sırasıyla E, F, G dir. Oluşan kesik konilerin hacimleri küçükten büyüğe doğru sırasıyla  $V_1$ ,  $V_2$  ve  $V_3$  br<sup>3</sup> tür.

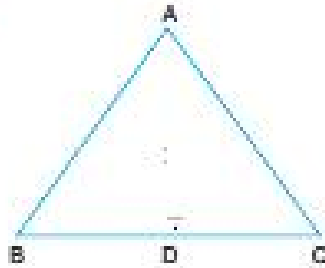


$|AE| = |EF| = |FG| = |GH|$  olduğuna göre,

$\frac{V_1 + V_2}{V_3}$  oranı kaçtır?

- A)  $\frac{4}{21}$  B)  $\frac{21}{37}$  C)  $\frac{7}{16}$  D)  $\frac{26}{37}$  E)  $\frac{30}{37}$

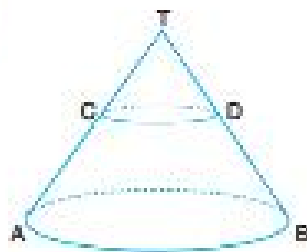
2. ABC eşkenar üçgen  
[AD]  $\perp$  [BC]  
|BC| = 12 cm



Yukarıdaki verilere göre, ABC eşkenar üçgeninin [AD] etrafında  $60^\circ$  döndürülmesiyle oluşan cismin hacmi kaç  $\pi$  cm<sup>3</sup> tür?

- A) 21 B)  $21\sqrt{3}$  C)  $24\sqrt{3}$  D) 27 E)  $27\sqrt{3}$

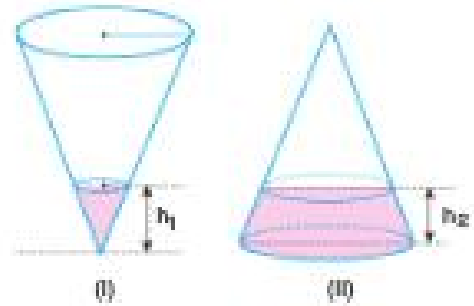
3. Şekildeki dik koninin hacmi  $375 \pi$  cm<sup>3</sup> tür. Koni,  
 $3|TD| = 2|DB|$  olacak şekilde tabana paralel bir düzlemlerle kesiliyor.



Oluşan cisimlerden küçük olanının hacmi kaç  $\pi$  cm<sup>3</sup> tür?

- A) 32 B) 28 C) 24 D) 20 E) 16

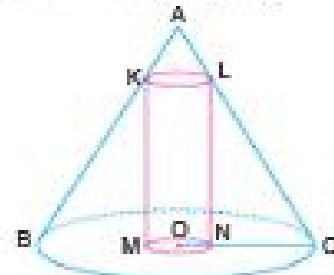
4. Şekil-I'deki dik koni yüksekliğinin dörtte birine kadar su ile doludur. Koni Şekil-II'deki gibi ters çevrildiğinde suyun yüksekliği  $h_2$  br oluyor.



$h_1$  suyun ilk yüksekliği olduğuna göre,  $\frac{h_2}{h_1}$  oranı kaçtır?

- A)  $\sqrt[3]{63} - 2$  B)  $\frac{\sqrt[3]{63}}{4}$  C)  $8 - \sqrt[3]{63}$   
D)  $4 - \sqrt[3]{63}$  E)  $\frac{8}{\sqrt[3]{63}}$

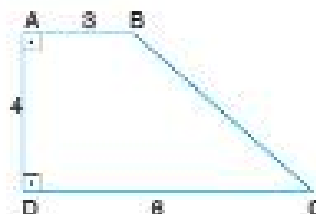
5. Aşağıdaki şekilde taban merkezi O olan dik koni içersine, taban merkezi O olan ve koninin yüzeylerine teğet bir dik silindir yerleştiriliyor.



$2|NO| = |NC|$  olduğuna göre, koninin hacmi silindirin hacminin kaç katıdır?

- A)  $\frac{1}{4}$  B)  $\frac{3}{5}$  C)  $\frac{9}{2}$  D) 5 E)  $\frac{13}{2}$

6. ABCD dik yamuk  
[AB]  $\parallel$  [DC]  
|AB| = 3 cm  
|AD| = 4 cm  
|DC| = 6 cm dir.

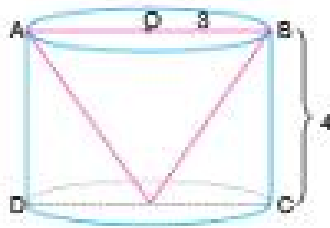


ABCD yamuğunun [AB] kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle elde edilen cismin hacmi kaç cm<sup>3</sup> tür?

- A)  $72\pi$  B)  $80\pi$  C)  $82\pi$  D)  $96\pi$  E)  $100\pi$



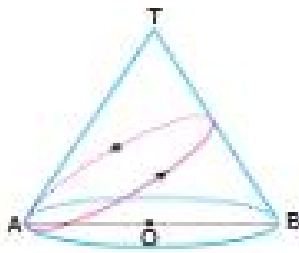
1. Taban yarıçapı 3 cm ve yüksekliği 4 cm olan t  
dik silindirin içine şekildeki gibi bir dik koni yerleştiriliyor.



Silindir ile koninin arasında kalan hacim kaç  $\text{cm}^3$  tür?


- A)  $9\pi$       B)  $15\pi$       C)  $24\pi$       D)  $30\pi$       E)  $45\pi$

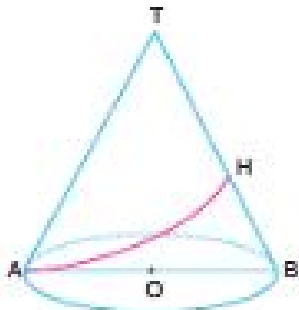
2.  Şekildeki dik konide  
 $|QB| = 6$  cm ve  
 $|TB| = 24$  cm dir.



A noktasından, A noktasına koni yüzeyinde bir tur sarılan ipliğin uzunluğu en az kaç cm dir?


- A) 48                      B)  $24\sqrt{3}$                       C) 36  
D)  $24\sqrt{2}$                       E) 24

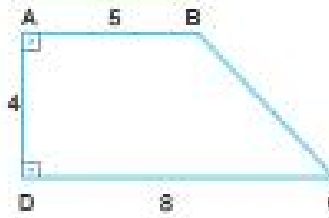
3.   $(T, AB)$  konisinde  
 $|TH| = 3$   
 $|TB| = 12$  cm ve  
 $|AB| = 12$  cm dir.



Buna göre, koni yüzeyinde A ile H noktaları arasındaki en kısa uzaklık kaç cm dir?

- A) 20                      B)  $12\sqrt{2}$                       C) 15  
D)  $8\sqrt{3}$                       E)  $6\sqrt{5}$

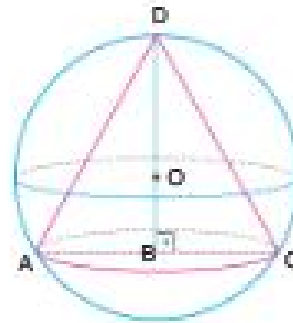
4.  ABCD dik. yamuk  
 $[AB] \parallel [DC]$   
 $|AB| = 5$  br  
 $|AD| = 4$  br ve  
 $|DC| = 8$  br dir.



ABCD yamuğu  $|DC|$  kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülürse elde edilen dönel cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  tür?

- A)  $96\pi$     B)  $100\pi$     C)  $112\pi$     D)  $124\pi$     E)  $132\pi$

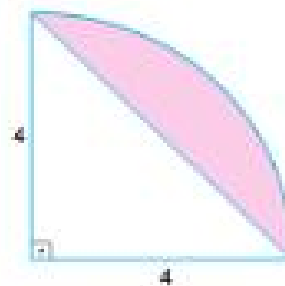
5. Şekildeki yarıçapı R olan kürenin içinde verilen dik koninin taban yarıçapı 3 cm ve  $|DC| = 6$  cm dir.



Koninin tabanı küre yüzeyine teğet olduğuna göre, kürenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $48\pi$                       B)  $72\pi$                       C)  $32\sqrt{3}\pi$   
D)  $36\sqrt{3}\pi$                       E)  $100\pi$

6. Şekildeki yarıçapı 4 br olan çeyrek daire yarıçapı etrafında  $360^\circ$  döndürülürse taralı alanın oluşturduğu dönel cismin hacmi kaç  $\text{br}^3$  olur?



- A)  $\frac{128}{3} \pi$       B)  $\frac{92}{3} \pi$       C)  $\frac{82}{3} \pi$   
D)  $\frac{64}{3} \pi$       E)  $\frac{32}{3} \pi$

1. Şekilde O merkezli bir dik silindirin üzerine a nı yarıçaplı içi su dolu bir yarım küre yerleştiriliyor. Silindirin yüksekliği kürenin yarıçap uzunluğunun 4 katıdır.



Buna göre, küredeki su silindire boşaltılırsa silindirin içinde biriken suyun yüksekliği kürenin yarıçapının kaç katı olur?

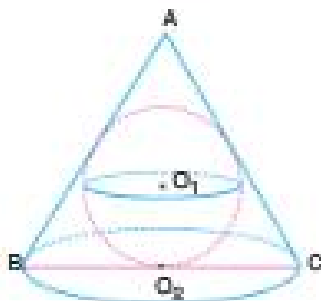
- A)  $\frac{1}{3}$  B)  $\frac{2}{3}$  C) 1 D)  $\frac{4}{3}$  E)  $\frac{5}{3}$

2. Taban yarıçapı 6 cm ve yüksekliği 7 cm olan dik silindir, 3 cm yüksekliğine kadar su ile doludur. Silindirin içine bir demir küre atıldığında içindeki suyun yüksekliği silindirin yüksekliğinin yansına ulaşır.

Buna göre, kürenin hacmi kaç  $\pi$  cm<sup>3</sup> tür?

- A) 15 B) 18 C) 24 D) 27 E) 32

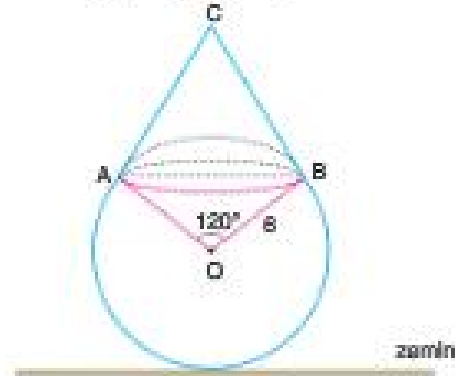
3. Şekilde O<sub>1</sub> merkezli küre, dik koniye teğet ve ABC üçgeni eşkenar üçgendir.



Buna göre, koninin hacmi kürenin hacminin kaç katıdır?

- A)  $\frac{3}{2}$  B) 2 C)  $\frac{9}{4}$  D) 3 E)  $\frac{15}{4}$

4. Aşağıdaki şekilde yarıçapı 6 br olan, O merkezli küre üzerine tabanı [AB] çaplı daire olan dik koni şeklinde bir şapka yerleştiriliyor.



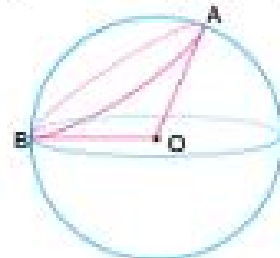
$m(\widehat{AOB}) = 120^\circ$  ve kürenin hacmi, koninin hacminin dört katı olduğuna göre, şapkanın tepe noktasının yere uzaklığı en çok kaç birimdir?

- A) 15 B) 16 C) 17 D) 18 E) 19

5. Bir dik silindir içine tüm yüzeylere içten teğet bir küre yerleştirilebildiğine göre, silindirin hacminin kürenin hacmine oranı kaçtır?

- A) 1 B)  $\frac{3}{2}$  C) 2 D)  $\frac{8}{3}$  E) 3

6. Şekilde O merkezli küre içine tepe noktası O olan ve küreye teğet bir dik koni yerleştiriliyor.



$m(\widehat{AOB}) = 120^\circ$  olduğuna göre, kürenin hacminin koninin hacmine oranı kaçtır?

- A)  $\frac{16}{5}$  B) 16 C)  $\frac{32}{3}$  D)  $\frac{64}{3}$  E) 24



1. Yanal alanı  $36\pi \text{ cm}^2$  ve taban yarıçapı 3 cm olan dik silindirin yüksekliği kaç cm dir?

A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7



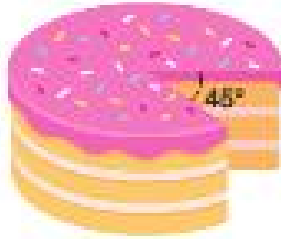
2. Ayrıl, taban yarıçapı 10 cm ve yüksekliği 150 cm olan dik silindir şeklindeki tenekeden bledunun dış yüzeyini boyayacaktır.

Ayrıl'ın boyayacağı alan kaç  $\text{cm}^2$  dir?

A) 2660 $\pi$  B) 2920 $\pi$  C) 3200 $\pi$   
D) 3500 $\pi$  E) 3750 $\pi$



3. Taban yarıçapı 8 cm ve yüksekliği 4 cm olan dik silindir biçimindeki pastadan  $45^\circ$  lik merkez açıya sahip bir dilim kesiliyor.



Kalan pastanın hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

A) 32 $\pi$  B) 76 $\pi$  C) 156 $\pi$  D) 200 $\pi$  E) 224 $\pi$



4. İçinde küresel boşluk bulunan küre şeklinde metal denge toplardan bir tanesini eritilerek taban yarıçapı  $2\sqrt{3}$  cm olan silindir yapılacaktır.

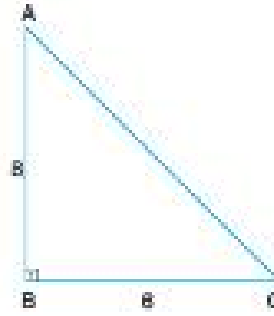


Kürenin iç boşluğunun çapı 2 cm, dış çapı 8 cm olduğuna göre, silindirin yüksekliği kaç cm dir?

A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8



5.



ABC üçgen

$$[AB] \perp [BC]$$

$$|AB| = 8 \text{ cm}$$

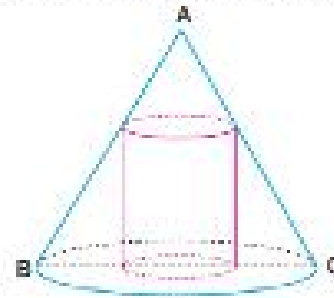
$$|BC| = 6 \text{ cm}$$

Dik üçgen [AB] kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülürse oluşan şeklin yanal alanı kaç  $\text{cm}^2$  olur?

A) 50 $\pi$  B) 60 $\pi$  C) 70 $\pi$  D) 80 $\pi$  E) 90 $\pi$



6. Şekildeki dik silindir ve koninin taban merkezleri aynı noktadır ve silindir koninin yüzeyine teğettir.

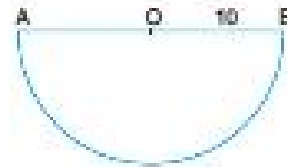


Silindirin taban yarıçapının koninin taban yarıçapına oranı  $\frac{1}{2}$  olduğuna göre, silindirin hacminin koninin hacmine oranı kaçtır?

A)  $\frac{1}{8}$  B)  $\frac{1}{3}$  C)  $\frac{3}{8}$  D)  $\frac{1}{2}$  E)  $\frac{2}{3}$



7. O merkezli yarıçapı 10 br olan yarı daire A ve B noktalarından birleştirilerek koni elde ediliyor.



Koninin tabanını tamamen kapatmak için kullanılacak karton en az kaç birimkaredir?

A) 10 $\pi$  B) 15 $\pi$  C) 25 $\pi$  D) 50 $\pi$  E)  $\frac{50\pi}{3}$

1.

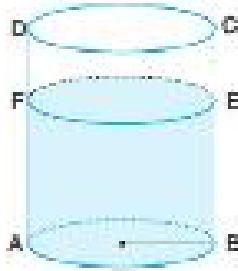


Şekildeki dik silindirlere biçiminde tasarlanan su deposunun hacmi kaç  $m^3$  tür?

- A)  $380\pi$  B)  $400\pi$  C)  $418\pi$  D)  $420\pi$  E)  $440\pi$

2.

İçli tamamen su dolu 4 cm taban yarıçaplı dik silindirin içerisindeki suyun bir kısmı boşaltılmıştır.



$$3|EC| = |EB|$$

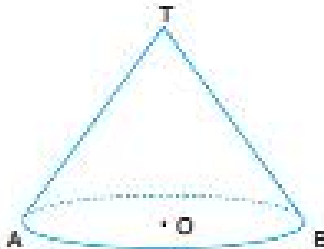
$$|BC| = 12 \text{ cm}$$

Yukarıdaki verilere göre, kalan suyun hacmi kaç  $cm^3$  tür?

- A)  $72\pi$  B)  $96\pi$  C)  $108\pi$  D)  $144\pi$  E)  $180\pi$

3.

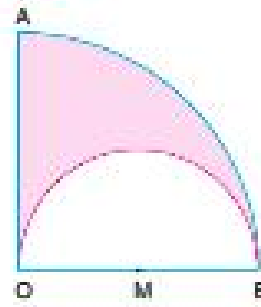
Şekildeki dik koninin hacmi  $72\sqrt{3}\pi \text{ cm}^3$  ve  $|TB| = |AB|$  dir.



Yukarıdaki verilere göre, koninin yanal alanı kaç  $cm^2$  dir?

- A)  $36\pi$  B)  $48\pi$  C)  $54\pi$  D)  $68\pi$  E)  $72\pi$

4.

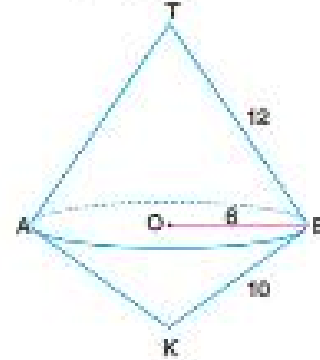


O merkezli yarıçapı 2 br olan çeyrek daire ile M merkezli,  $[OB]$  çaplı yarı daire arasında kalan taralı bölgenin,  $[OB]$  etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle oluşan cismin hacmi kaç  $br^3$  tür?

- A)  $4\pi$  B)  $\frac{9\pi}{2}$  C)  $6\pi$  D)  $8\pi$  E)  $9\pi$

5.

Tepe noktaları T ve K olan iki dik koninin eş tabanları şekildeki gibi çakışmıştır.



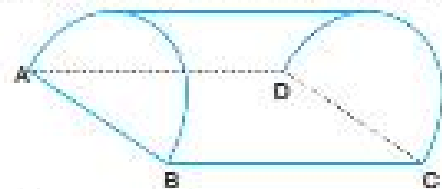
$|TB| = 12 \text{ cm}$ ,  $|OB| = 6 \text{ cm}$  ve  $|KB| = 10 \text{ cm}$  dir.

Buna göre, şeklin yüzey alanı kaç  $cm^2$  dir?

- A)  $82\pi$  B)  $92\pi$  C)  $96\pi$  D)  $132\pi$  E)  $168\pi$

6.

Aşağıdaki şekilde dik silindirin yansı verilmiştir.



$|AB| = 6 \text{ cm}$ ,  $|BC| = 15 \text{ cm}$  olduğuna göre, yarım silindirin alanı kaç  $cm^2$  dir?

- A)  $90 + 45\pi$  B)  $90 + 54\pi$

- C)  $90 + 48\pi$  D)  $90 + 60\pi$

- E)  $90 + 75\pi$

1. Bir dondurmacıda taban yarıçapı 30 cm ve yüksekliği 63 cm olan dik silindir şeklindeki kutuda bulunan dondurma, taban yarıçapı 6 cm ve yüksekliği 9 cm olan koni şeklindeki külahlara, üst kısmı yarımküre olacak şekilde doldunularak satılacaktır.



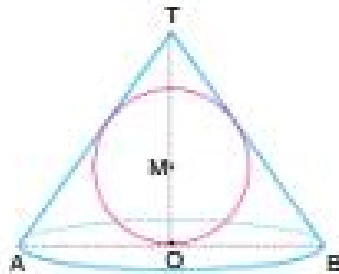
Bu dondurmacı, dondurmanın tamamını külahın tanesi 8 TL olarak satarsa, kazancı kaç TL olur?

- A) 1600 B) 1800 C) 1960  
D) 2000 E) 2400

2. Uzayda 12 cm uzunluğundaki doğru parçasından 3 cm uzaklıktaki noktaların oluşturduğu cismin hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

- A)  $108\pi$  B)  $144\pi$  C)  $150\pi$  D)  $162\pi$  E)  $175\pi$

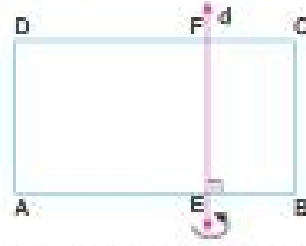
3. T merkezli  $[AB]$  çaplı dik koninin içine M merkezli küre yüzeylere teğet olacak şekilde yerleştiriliyor.



$|OT| = 15$  cm ve  $|BT| = 17$  cm olduğuna göre, kürenin yarıçapı kaç cm dir?

- A)  $\frac{24}{5}$  B) 5 C)  $\frac{28}{5}$  D) 6 E)  $\frac{32}{5}$

4.

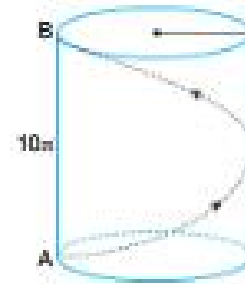


ABCD dikdörtgen  
 $d \perp [AB]$   
 $|AE| = 6$  cm  
 $|EB| = 2$  cm  
 $|BC| = 5$  cm

ABCD dikdörtgeni d doğrusu etrafında  $180^\circ$  döndürüldüğünde oluşan cismin hacmi kaç  $\text{cm}^3$  olur?

- A)  $100\pi$  B)  $90\pi$  C)  $80\pi$  D)  $75\pi$  E)  $60\pi$

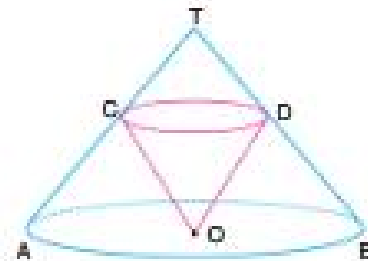
5. Taban yarıçapı 12 cm yüksekliği ve  $10\pi$  cm olan dik silindir şeklindeki bir kutunun alt tabanı üzerindeki A noktasından harekete başlayan bir karınca silindir yüzeyinden yürüyerek B noktasına gidiyor.



Buna göre, karıncanın aldığı en kısa yol kaç cm dir?

- A)  $15\pi$  B)  $18\pi$  C)  $22\pi$  D)  $24\pi$  E)  $26\pi$

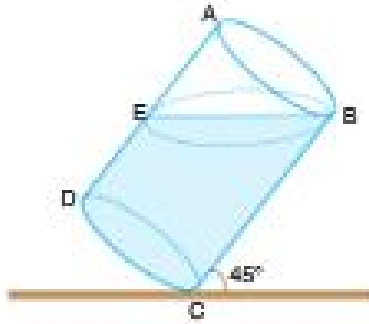
6. Şekilde tepe noktası büyük koninin taban merkezinde ve büyük koninin yüzeyine teğet olacak şekilde bir koni verilmiştir.



$|TB| = 3|TD|$  ve büyük koninin hacmi  $81 \text{ cm}^3$  olduğuna göre, küçük koninin hacmi kaç  $\text{cm}^3$  dir?

- A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 14

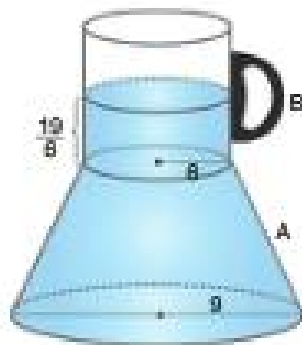
1. İçi tamamen su dolu olan dik silindir, düzleme paralel ve  $45^\circ$  lik açı yapacak şekilde eğilip içindeki suyun bir kısmı boşaltılıyor.



$|AB| = 4$  cm ve  $|BC| = 12$  cm olduğuna göre, boşaltılan suyun hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

- A)  $6\pi$  B)  $8\pi$  C)  $12\pi$  D)  $14\pi$  E)  $16\pi$

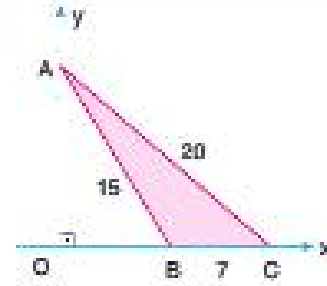
2. Aşağıda verilen kahve yapma makinesi taban yarıçapı 9 cm olan kesik koni biçimindeki A parçası ile taban yarıçapı 6 cm olan ve içinde  $\frac{19}{6}$  cm yüksekliğinde su bulunan silindir biçimindeki B parçasının birleştirilmesiyle oluşturulmuştur.



A parçasındaki suyun hacmi, B parçasındaki suyun hacminin 3 katı olduğuna göre, A parçasındaki suyun yüksekliği kaç cm dir?

- A) 12 B) 9 C) 8 D) 6 E) 4

3.



$|AC| = 20$  cm  
 $|AB| = 15$  cm ve  
 $|BC| = 7$  cm dir.

Şekildeki ABC üçgensel bölgesinin  $y$  eksenı etrafında  $360^\circ$  döndürülmesi sonucu oluşan cismin yüzey alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $310\pi$  B)  $455\pi$  C)  $495\pi$   
D)  $560\pi$  E)  $630\pi$

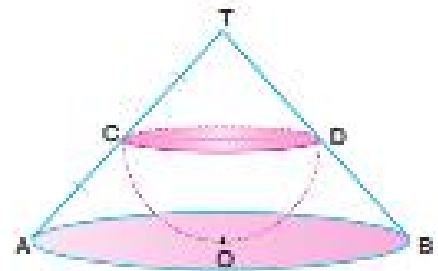
4.



Taban çapı 3 m, uzunluğu 80 m ve kalınlığı 1 m olan şekildeki dik silindir biçimindeki tünelin yüzey alanı kaç  $\text{m}^2$  dir?

- A)  $324\pi$  B)  $300\pi$  C)  $242\pi$   
D)  $220\pi$  E)  $200\pi$

5.



Yukarıdaki şekilde bir dik koni ile bu dik koninin yan yüzeyine ve tabanına teğet olan yarımküre verilmiştir.

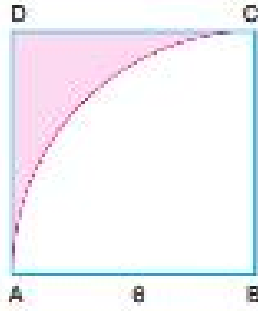
$|TC| = |CA|$  ve yarımkürenin hacmi  $18\pi \text{ br}^3$  tür.

Buna göre, dik koninin hacmi kaç  $\pi \text{ br}^3$  tür?

- A)  $48\pi$  B)  $56\pi$  C)  $60\pi$  D)  $64\pi$  E)  $72\pi$

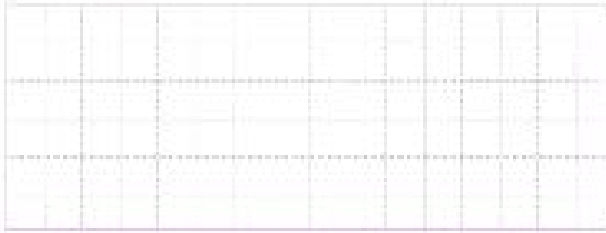
Q

1. ?



Şekilde  $|AB| = 6$  cm ve ABCD karesinin içinde B merkezli AC çember yayı çizilmiştir.

Buna göre, taralı bölgenin [BC] kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülmesi sonucu oluşan cismin hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?

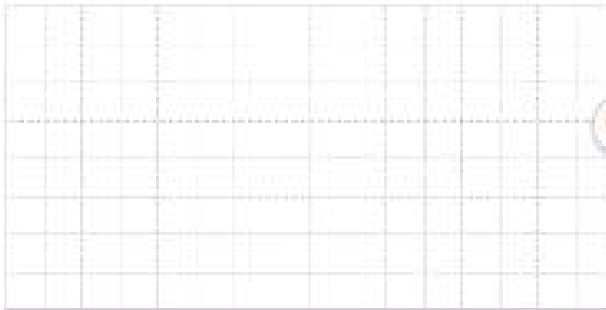


Q

2. ?

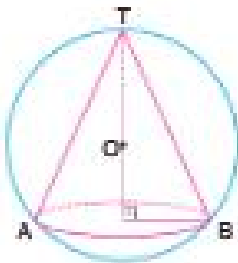
Bir ayının uzunluğu 6 cm olan içi dolu küpten ayırtılardan birini çap kabul eden ve yükseldiği 6 cm olan yarım silindir şeklinde bir parça kesilerek çıkarılıyor.

Buna göre, kalan parçanın alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?



Q

3. ?

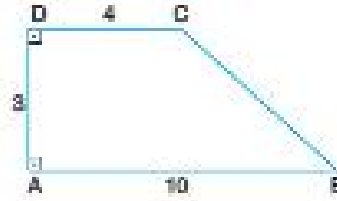


Çapı 20 cm olan O merkezli kürenin içine tepe noktası küre yüzeyinde ve taban çevresi küre yüzeyine teğet olan dik koni yerleştiriliyor.

Koninin taban yarıçapı 6 cm olduğuna göre, koninin hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?



4. ?



$$[AD] \perp [DC]$$

$$[AD] \perp [AB]$$

$$|DC| = 4 \text{ cm}$$

$$|AD| = 3 \text{ cm}$$

$$|AB| = 10 \text{ cm}$$

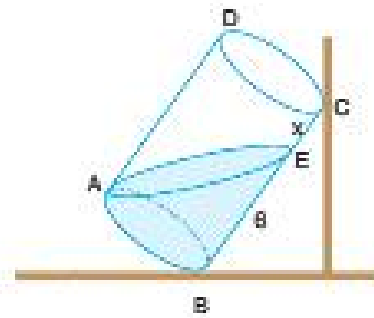
Şekildeki ABCD dörtgeninin [DC] kenarı etrafında  $360^\circ$  döndürülmesiyle elde edilen cismin hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?



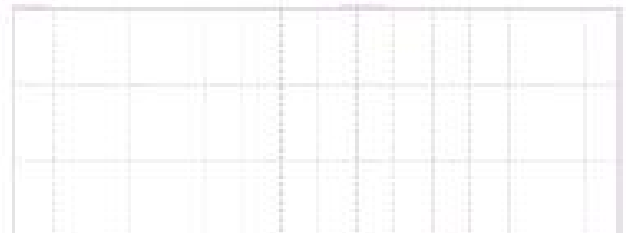
Ayдын Vayesleri

5. ?

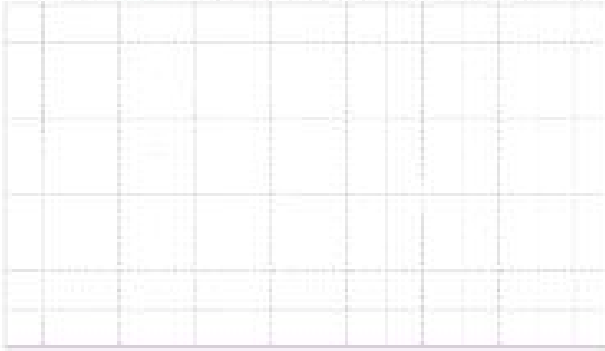
Şekildeki eğik silindir içindeki suyun hacminin, silindirin hacmine oranı  $\frac{5}{16}$  dir.



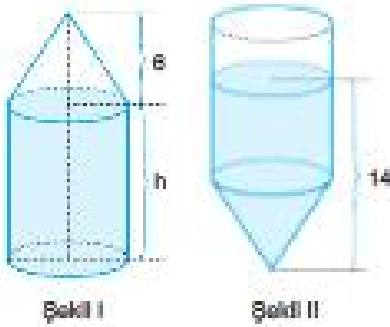
$|BE| = 6$  cm olduğuna göre,  $|EC| = x$  kaç cm dir?



6. Taban dairesinin yarıçapı 12 cm, yüksekliği 16 cm olan dik koninin içine yerleştirilen en büyük hacimli kürenin yüzey alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?



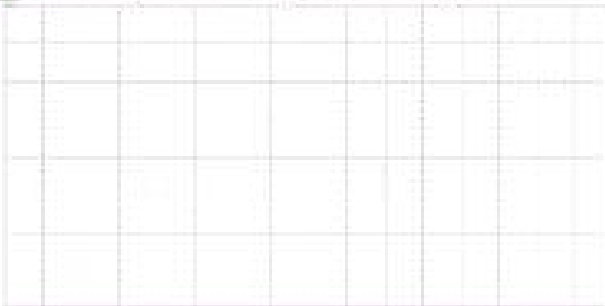
7. Şekil I deki tamamı su ile dolu dik silindirin üst kapağı koni biçimindedir ve koninin yüksekliği 6 cm dir.



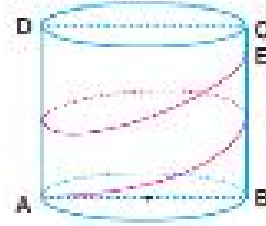
Cisim Şekil II deki gibi ters çevrildiğinde cismin içindeki suyun yüksekliği 14 cm olduğuna göre, silindirin yüksekliği h kaç cm dir?



8. Yarıçapı 9 cm olan küre içine yerleştirilebilecek en büyük hacimli küpün alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?



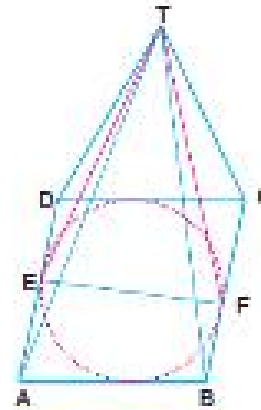
9. Şekildeki dik silindirde bir ip, A noktasından E noktasına kadar silindirin yüzeyinde 1,5 tur dönerak gergin biçimde sarılıyor.



Silindirin taban yarıçapı 5 cm, yüksekliği  $24x$  cm ve  $|BE| = 5|CE|$  olduğuna göre, ipin uzunluğu en az kaç cm dir?



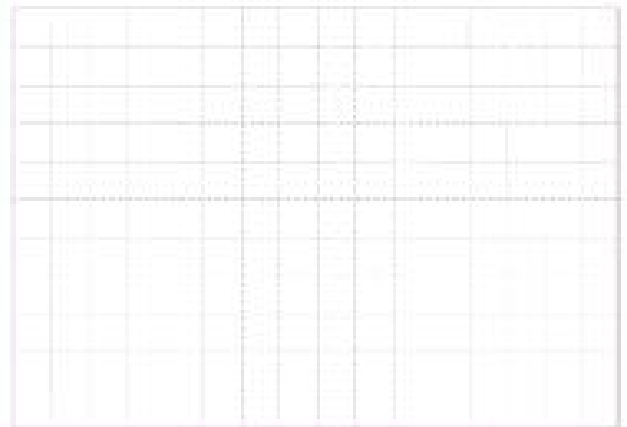
10. Şekildeki dik kare piramitin içine tepe noktası aynı olacak biçimde yüzeyi piramitin yüzeylerine teğet olan, tabanı ABCD karesinde olan bir dik koni yerleştirilmiştir.



$$|AB| = 12 \text{ cm}$$

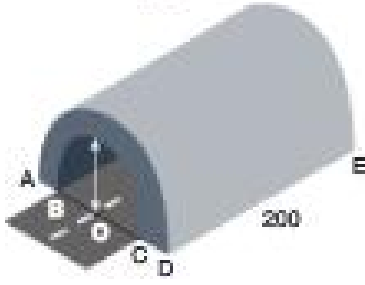
$$|TC| = 2\sqrt{67} \text{ cm}$$

olduğuna göre, piramit ile koni arasında kalan kısmın hacmi kaç  $\text{cm}^3$  tür?





1. Bir inşaat firması şekildedeki gibi yarım dik silindri şeklinde bir tünel yapacaktır.



Taslak çizimine göre,  $|AB| = |CD| = 2$  m,  $|BC| = 16$  m ve  $|DE| = 200$  m dir.

Buna göre, bu tünelin yapımında kaç  $m^3$  beton kullanılır?

- A)  $1800\pi$  B)  $2400\pi$  C)  $3600\pi$   
D)  $4800\pi$  E)  $5200\pi$

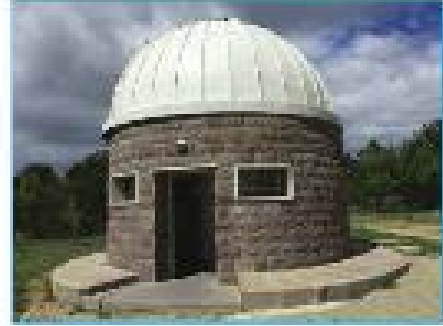
2. Bir davette koni, yarım küre ve silindir şeklinde, aşağıda yarıçapları ve yükseklikleri verilen bardaklar kullanılacaktır. Bu davette her bardak en az bir kere kullanılacaktır.



Buna göre,  $516\pi$   $cm^3$  meyve suyunun tamamı her seferinde kullanılan bardak tam doldurulmak koşuluyla en çok kaç bardak kullanılarak dağıtılabilir?

- A) 30 B) 28 C) 27 D) 25 E) 24

3. Şekildeki gözlemevinin üst kısmı yarım küre biçimindedir. Bu yarım kürenin yarıçap uzunluğu 10 m ve silindirik biçimindeki alt kısmın yüksekliği 8 m dir.



Bu gözlemevinin tüm dış yüzeyi bakır ile boşluk kalmayacak şekilde kapatılmak istenirse bu iş için kaç  $m^2$  bakır gerekir?

- A)  $240\pi$  B)  $280\pi$  C)  $300\pi$   
D)  $320\pi$  E)  $360\pi$

4. Lunaparktaki bir oyun çadırı bir dik silindir ve diğeri koni şeklinde iki parçadan oluşmuştur. Silindirin yüksekliği 5 metre, taban yarıçapı 8 metre ve çadırın yüksekliği 11 metredir. Çadırın yapımında kullanılan brandanın metrekaresi 50 TL dir.



Buna göre, çadırın yapımında kullanılan brandanın maliyeti kaç TL dir? ( $\pi = 3,14$  alınız.)

- A) 25120 B) 24960 C) 24480  
D) 24240 E) 24000

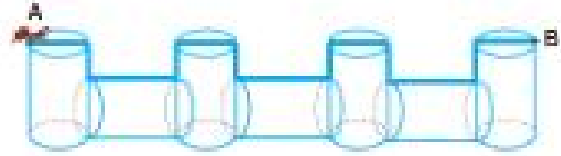
1. Yağmur doğum günü için 33 misafir çağırmış. Doğum günü için dik silindir biçiminde iki katı pasta yaptırmıştır. Pastanın birinci katının yüksekliği 10 cm ve taban yarıçapı 30 cm; ikinci katının yüksekliği 20 cm ve taban yarıçapı 20 cm dir.



Pasta doğum günündeki herkese eşit miktarda dağıtıldığına göre, bir kişiye düşecek pasta dilimi kaç  $\pi$  cm<sup>3</sup> tür?

- A) 400 B) 450 C) 495 D) 500 E) 540

3. Birbirine eş dik silindirlere Şekil I ve Şekil II'deki gibi iki düzenek oluşturulmuştur. A ve C noktalarından bulunan iki kanna, yüzeyler üzerinden şekildedeki gibi hareket ederek en kısa yoldan B ve D noktalarına gidecektir. Şekil I'deki kanna 124 cm ve Şekil II'deki kanna 94 cm yol gitmiştir.



Şekil I

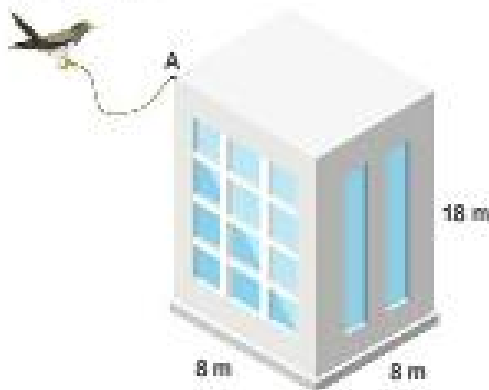


Şekil II

Buna göre, bir silindirin hacmi kaç  $\pi$  cm<sup>3</sup> tür?

- A) 600 B) 650 C) 480 D) 450 E) 400

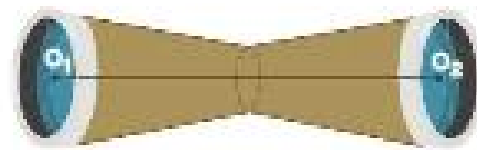
2. Boyutları 8 m ve 18 m olan kare prizma şeklindeki binanın çatısının A köşesinde 6 m uzunluğunda bir ipe bağlı kuş bulunmaktadır.



Yukarıdaki verilere göre, kuşun uçabileceği en büyük hacim kaç m<sup>3</sup> tür?

- A) 210 $\pi$  B) 224 $\pi$  C) 252 $\pi$   
D) 266 $\pi$  E) 280 $\pi$

4. Şekildeki dürbün iki tane eş kesik koninin birleşimiyle oluşturulmuştur.  $O_1$  ve  $O_2$  dürbünün en geniş kesitlerinin merkezleridir.



Dürbünün en geniş kesitinin yarıçapı 8 cm, en dar kesitinin yarıçapı 2 cm ve  $|O_1O_2| = 16$  cm dir.

Buna göre, dürbünün yanal yüzeyinin alanı kaç cm<sup>2</sup> dir?

- A) 240 $\pi$  B) 200 $\pi$  C) 100 $\pi$   
D) 90 $\pi$  E) 80 $\pi$